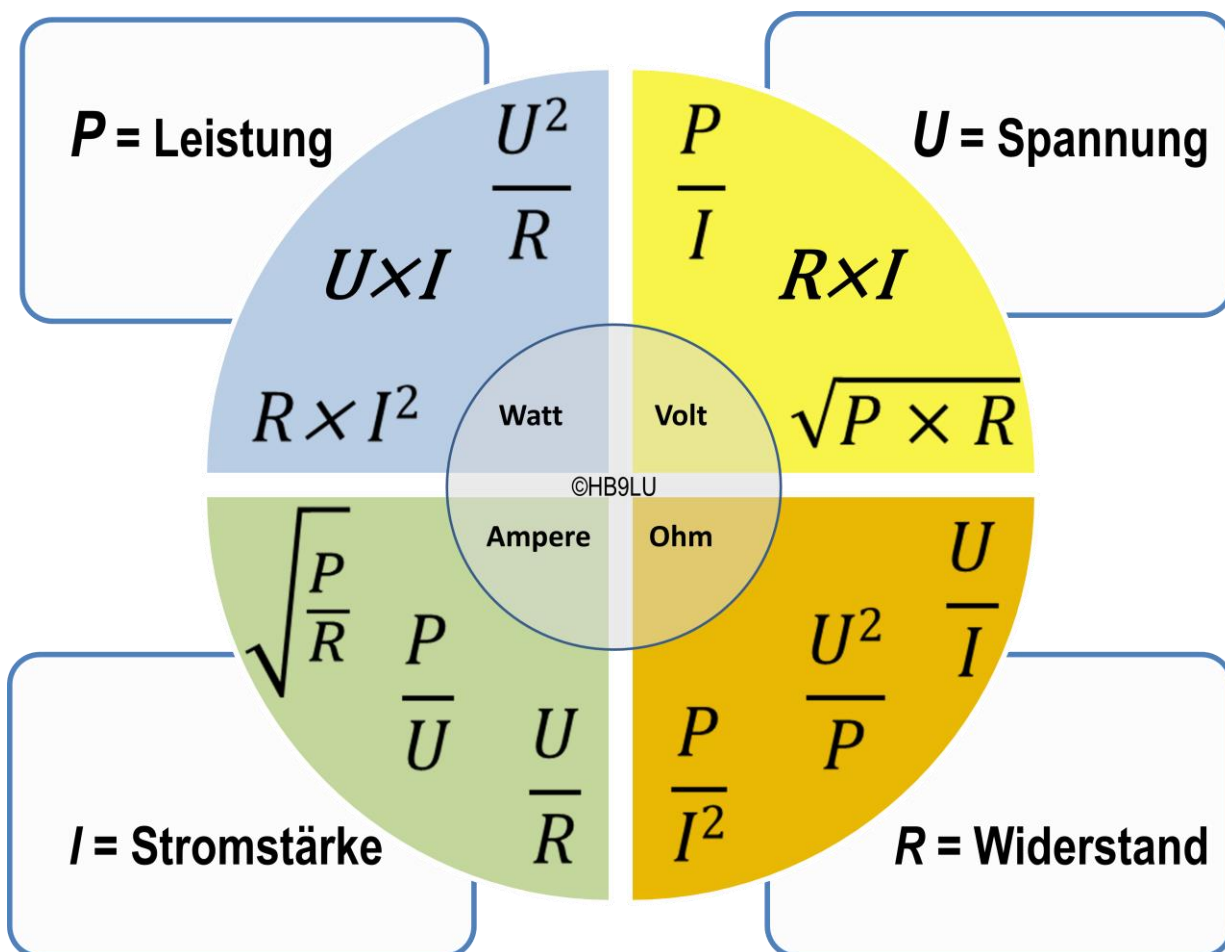


Formelsammlung

für die Funkamateurrprüfung



Formeln für die Funkamateurrprüfung

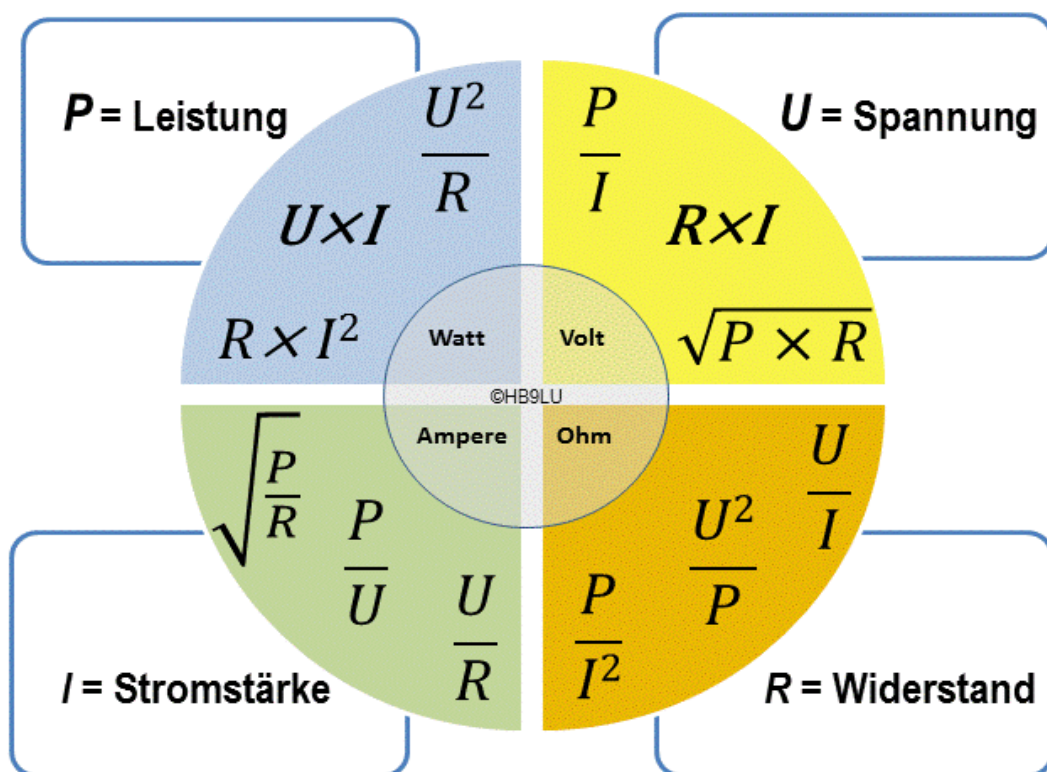
Zusammengestellt von HB9THJ

Überarbeitungen / Korrekturen / Ergänzungen

HB9ENL	2021 Dezember, Korrekturen Feldstärke
HB9HNL	2021 November, Korrekturen Kondensator
HB9THJ	2021 Oktober (neu geschrieben, neuer Formeleditor)
HB9JCB / HB9THJ	2015 September, kleine Anpassungen
HB9THJ	2015 Mai, Anpassung Abkürzung Ig ->log
HB9JCB / HB9THJ	2014 August, Operationsverstärker
HB9JCB	2014 Februar PURI
HB9JCB	2013 November dB-Tabelle entfernt, SI-Einheiten
HB9JCB	2013 Oktober N2,Bandbreite(CW),Potenzen, Korrekturen
HE9BEN	2013 Juli
HE9BEN	2012 Dezember
HB9THJ	1996 Erstellung Formelbuch

Hier eine Liste von Links für den AfuKurs

Bakom:	Anbieter von Kursen für den Amateurfunk (admin.ch)
DJ4UF Moltrecht:	Amateurfunklehrgang von Eckart K.W. Moltrecht Willkommen (dj4uf.de)
DARC:	DARC-Online-Lehrgang - DARC
Hamradiotrainer:	HamRadioTrainer
Buchtipp:	Amateurfunk - Harald Zisler - Buch kaufen Ex Libris



Formeln für die Funkamateurlprüfung

Kreis:

$$A = \frac{d^2 \cdot \pi}{4} \quad A = \pi \cdot r^2 \quad d = 2 \cdot \sqrt{\frac{A}{\pi}}$$

$$U = d \cdot \pi \quad U = 2\pi \cdot r \quad d = \frac{U}{\pi}$$

Leitungswiderstand:

$$R = \frac{\rho \cdot l}{A} \quad l = \frac{R \cdot A}{\rho} \quad A = \frac{\rho \cdot l}{R}$$

Trafo:

$$N_2 = \sqrt{\frac{N_1^2 \cdot R_2}{R_1}}$$

$$\ddot{u} = \frac{U_1}{U_2} = \frac{N_1}{N_2} = \frac{I_2}{I_1} = \sqrt{\frac{R_1}{R_2}} = \sqrt{\frac{L_1}{L_2}} = \sqrt{\frac{C_2}{C_1}} = \sqrt{\frac{Z_1}{Z_2}}$$

$$U_1 = U_2 \cdot \ddot{u} = \frac{P}{I_1} = \sqrt{P \cdot Z_1} \quad U_2 = \frac{U_1}{\ddot{u}} = \frac{P}{I_2} = \sqrt{P \cdot Z_2}$$

$$I_1 = \frac{I_2}{\ddot{u}} = \frac{P}{U_1} = \sqrt{\frac{P}{Z_1}} \quad I_2 = I_1 \cdot \ddot{u} = \frac{P}{U_2} = \sqrt{\frac{P}{Z_2}}$$

$$R_1 = R_2 \cdot \ddot{u}^2 \quad R_2 = \frac{R_1}{\ddot{u}^2}$$

$$Z_1 = Z_2 \cdot \ddot{u}^2 = \frac{U_1^2}{P} \quad Z_2 = \frac{Z_1}{\ddot{u}^2} = \frac{U_2^2}{P}$$

$$\eta = \frac{P_2}{P_1} \cdot 100 \quad P_2 = P_1 - P_v$$

Ohmsches Gesetz / Leistung:

$$U = R \cdot I = \sqrt{P \cdot R} = \frac{P}{I}$$

$$R = \frac{U}{I} = \frac{U^2}{P} = \frac{P}{I^2}$$

$$I = \frac{U}{R} = \frac{P}{U} = \sqrt{\frac{P}{R}}$$

$$P = U \cdot I = I^2 \cdot R = \frac{U^2}{R}$$

Wechselspannung Sinus:

$$U = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot u_s \quad u_s = \sqrt{2} \cdot U \quad u_{ss} = 2\sqrt{2} \cdot U$$

$$\omega = 2\pi \cdot f$$

A	=	Fläche	m ²
d	=	Durchmesser	m
r	=	Radius	m
U	=	Umfang	m

D	=	Drahtdurchmesser	mm
L	=	Leiterlänge	m
R	=	Leiterwiderstand bei T	Ω
A	=	Leiterquerschnitt	mm ²
P	=	Spezifischer Widerstand	$\frac{\Omega \text{mm}^2}{2}$

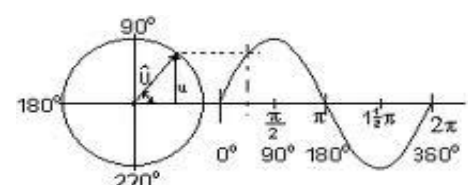
1	=	Eingangsseite / primär
2	=	Ausgangsseite / sekundär
Ü	=	Übersetzungsverhältnis
N	=	Windungszahl

I	=	Strom	A
R	=	Widerstand	Ω
L	=	Induktivität	H
C	=	Kapazität	F
Z	=	Impedanz	Ω
U	=	Spannung	V
P	=	Wirkleistung	W

η	=	Wirkungsgrad in	%
P _v	=	Verlustleistung	W

U	=	Spannung	V
R	=	Widerstand	Ω
I	=	Strom	A
P	=	Leistung	W

U	=	Effektivwert	V
U _s	=	Spitzenwert	V
U _{ss}	=	Spitzen-Spitzenwert	V
ω	=	Kreisfrequenz	1/s



Formeln für die Funkamateurrprüfung

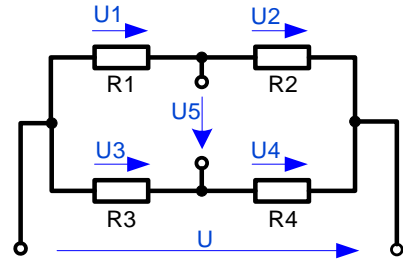
Brückenschaltung

$$R_1 = \frac{R_2 \cdot R_3}{R_4}$$

$$R_2 = R_1 \cdot \frac{R_4}{R_3}$$

$$R_3 = \frac{R_1 \cdot R_4}{R_2}$$

$$R_4 = R_3 \cdot \frac{R_2}{R_1}$$

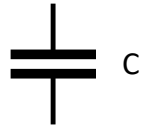


Zeitkonstante

$$\tau = R \cdot C$$

$$C = \frac{\tau}{R}$$

$$R = \frac{\tau}{C}$$



C Aufladung an U=

Vollständige Lade- und Entladedauer $t \approx 5 \cdot \tau$

$$1\tau = 0.63 \cdot U$$

$$4\tau = 0.98 \cdot U$$

$$Q = I \cdot t = U \cdot C$$

$$t = \frac{Q}{I}$$

$$U = \frac{Q}{C}$$

$$C = \frac{Q}{U}$$

$$u_C = U(1 - e^{-t/RC}) = \frac{I \cdot t}{C} \quad i_C = I \cdot e^{-t/RC}$$

C Entladung an U=

$$1\tau = 0.37 \cdot U$$

$$4\tau = 0.02 \cdot U$$

$$u_C = U \cdot e^{-t/RC}$$

$$i_C = I \cdot e^{-t/RC}$$

$$t = -1 \cdot R \cdot C \cdot \ln\left(\frac{u_C}{U}\right)$$

$$C = \frac{-t}{R \cdot \ln\left(\frac{u_C}{U}\right)}$$

$$R = \frac{-t}{C \cdot \ln\left(\frac{u_C}{U}\right)}$$

Q	=	Ladung im Kondensator in Coulomb	As
u _C	=	Augenblickswert der Kondensatorspannung in	V
i _C	=	Augenblickswert der Kondensatorstromes in	A
U; I	=	Anfangs bzw. Endwert von Spannung und Strom	
e	=	Basis des natürlichen Logarithmus	[1]
			[INV]
			[LNx]

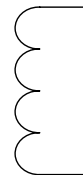
Formeln für die Funkamateurlprüfung

Zeitkonstante

$$\tau = \frac{L}{R}$$

$$L = R \cdot \tau$$

$$R = \frac{L}{\tau}$$



L Einschalten an U=

$$u_l = U \cdot e^{-t/\tau}$$

$$L = \frac{U_L \cdot \Delta t}{\Delta I}$$

$$i = I(1 - e^{-t/\tau}) = \frac{U}{R}$$

$$U_L = -L \cdot \frac{\Delta I}{\Delta t}$$

L Ausschalten von U=

$$i = I \cdot e^{-t/\tau} = \frac{U}{R}$$

$$\tau = \frac{-t}{LN \cdot \left(1 - \left(\frac{i}{I}\right)\right)}$$

$$L = \frac{U_L \cdot \Delta t}{\Delta I}$$

$$-t = \tau \cdot LN \cdot \left(1 - \left(\frac{i}{I}\right)\right)$$

u_l	=	Augenblickswert der Spulenspannung in	V
i_l	=	Augenblickswert des Spulenstromes in	A
U, I	=	Anfangs bzw. Endwert von Spannung und Strom	
e	=	Basis des natürlichen Logarithmus	[1] [INV] [LNx]

Spulenwicklung

$$L = A_L \cdot N^2 = \frac{\Phi \cdot N}{I} = \frac{\mu_0 \cdot \mu_r \cdot A \cdot N^2}{l}$$

$$N_1 = \sqrt{\frac{L_1 \cdot N_2^2}{L_2}}$$

$$N_2 = \sqrt{\frac{L_2 \cdot N_1^2}{L_1}}$$

$$L_1 = \frac{L_2 \cdot N_1^2}{N_2^2}$$

$$L_2 = \frac{L_1 \cdot N_2^2}{N_1^2}$$

$$2 \cdot N \rightarrow 4 \cdot L \rightarrow 4 \cdot U_L$$

L	=	Induktivität in	Vs/A
N	=	Windungszahl	
l	=	Mittlere Feldlinienlänge in	m
A_L	=	Spulenkonstante in	Vs/A
μ_0	=	magnetische Feldkonstante	
μ_r	=	Relative Permeabilität	

Formeln für die Funkamateurlprüfung

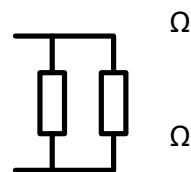
R – parallel

$$R_{ges} = \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots + \frac{1}{R_n}}$$

$$R_1 = \frac{1}{\frac{1}{R} - \frac{1}{R_2} - \frac{1}{R_3} - \dots - \frac{1}{R_n}}$$

$$R_{ges} = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2}$$

$$R_1 = \frac{R_2 \cdot R_{ges}}{R_2 - R_{ges}}$$



C – parallel:

$$C_{ges} = C_1 + C_2 + C_3$$

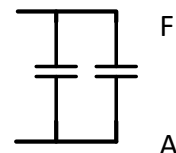
$$X_C = \frac{1}{\frac{1}{X_{C1}} + \frac{1}{X_{C2}} + \frac{1}{X_{C3}}}$$

$$I_{C1} = \frac{I_{ges}}{C_1 + C_2} \cdot C_1 \quad (\text{wenn } C_1 > C_2)$$

$$I_{C2} = \frac{I_{ges}}{C_1 + C_2} \cdot C_2 \quad (\text{wenn } C_1 > C_2)$$

$$C_1 = \frac{C_2 \cdot I_{C1}}{I_{ges} - I_{C1}} = \frac{C_2 \cdot I_{C1}}{I_{C2}}$$

$$C_2 = \frac{C_1 \cdot I_{C2}}{I_{ges} - I_{C2}} = \frac{C_1 \cdot I_{C2}}{I_{C1}}$$

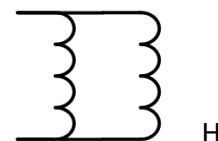


L – parallel:

$$L_{ges} = \frac{1}{\frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_2} + \dots + \frac{1}{L_n}}$$

$$L_1 = \frac{1}{\frac{1}{L} - \frac{1}{L_2} - \frac{1}{L_3} - \dots - \frac{1}{L_n}}$$

$$X_{L_{gesamt}} = \frac{1}{\frac{1}{X_{L1}} + \frac{1}{X_{L2}} + \frac{1}{X_{L3}} + \dots + \frac{1}{X_{Ln}} + \dots}$$



RC – parallel – Schaltung:

$$I_{ges} = \sqrt{I_R^2 + I_C^2}$$

$$I_C = \sqrt{I^2 - I_R^2}$$

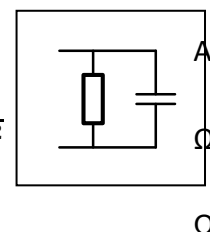
$$I_R = \sqrt{I^2 - I_C^2}$$

$$Z = \sqrt{R^2 + X_C^2}$$

$$R = \sqrt{Z^2 - X_C^2}$$

$$X_C = \sqrt{Z^2 - R^2}$$

$$X_C = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot C}$$



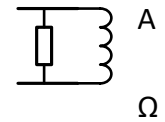
Formeln für die Funkamateurrprüfung

RL – parallel – Schaltung:

$$I_{ges} = \sqrt{I_R^2 + I_L^2}$$

$$I_L = \sqrt{I^2 - I_R^2}$$

$$I_R = \sqrt{I^2 - I_L^2}$$



$$Z = \sqrt{R^2 + X_L^2}$$

$$R = \sqrt{Z^2 - X_L^2}$$

$$X_L = \sqrt{Z^2 - R^2}$$

RLC – parallel - Schaltung

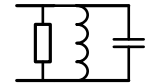
$$I_{ges} = \sqrt{I_R^2 + (I_C - I_L)^2}$$

$$I_C = I_L + \sqrt{I_{ges}^2 - I_R^2}$$

$$I_L = I_C - \sqrt{I_{ges}^2 - I_R^2} \quad \text{A}$$

$$X_L = 2\pi \cdot f \cdot L$$

$$X_C = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot C}$$



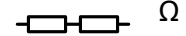
$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

$$Z_{res} = \frac{L}{C \cdot R_v}$$

$$R_v = \frac{L}{C \cdot Z_{res}} \quad \Omega$$

R – serie:

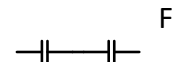
$$R_{ges} = R_1 + R_2 + R_3$$



C - serie

$$C_{ges} = \frac{1}{\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots + \frac{1}{C_n}}$$

$$C_1 = \frac{1}{\frac{1}{C} - \frac{1}{C_2} - \frac{1}{C_3} - \dots - \frac{1}{C_n}}$$



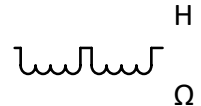
$$X_{C_{ges}} = X_{C_1} + X_{C_2} + X_{C_3} + \dots + X_{C_n} \quad \Omega$$

$$U_1 = \frac{C_2 \cdot U}{C_2 + C_1}$$

$$U_2 = \frac{C_1 \cdot U}{C_1 + C_2} \quad \text{V}$$

L serie

$$L_{ges} = L_1 + L_2 + \dots + L_n$$



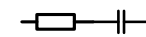
$$X_{L_{ges}} = X_{L_1} + X_{L_2} + \dots + X_{L_n} \quad \Omega$$

RC-serie - Schaltung:

$$Z \rightarrow \sqrt{R^2 + X_C^2}$$

$$X_C = \sqrt{Z^2 - R^2}$$

$$R = \sqrt{Z^2 - X_C^2} \quad \Omega$$



$$U_{ges} = \sqrt{U_R^2 + U_C^2}$$

$$U_C = \sqrt{U_{ges}^2 - U_R^2}$$

$$U_R = \sqrt{U_{ges}^2 - U_C^2} \quad \text{V}$$

$$f_{gr} = \frac{1}{2\pi \cdot R \cdot C}$$

Grenzfrequenz von Tiefpass in

Hz

Formeln für die Funkamateurlprüfung

RL-serie - Schaltung:

$$Z = \sqrt{R^2 + X_L^2}$$

$$X_L = \sqrt{Z^2 - R^2}$$

$$R = \sqrt{Z^2 - X_L^2}$$

$$U_{ges} = \sqrt{U_R^2 + U_L^2}$$

$$U_L = \sqrt{U_{ges}^2 - U_R^2}$$

$$U_R = \sqrt{U_{ges}^2 - U_L^2}$$

RLC – serie – Schaltung:

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

$$X_L = X_C + \sqrt{Z^2 - R^2}$$

$$U = Z \cdot I$$

$$X_C = X_L - \sqrt{Z^2 - R^2}$$

$$X_L = 2\pi \cdot f \cdot l$$

$$X_C = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot C} \quad U_{ges} = \sqrt{U_R^2 + (U_L - U_C)^2}$$

Kapazitiver Blindwiderstand:

$$X_C = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot C} \quad C = \frac{1}{2\pi \cdot f \cdot X_C} \quad f = \frac{1}{X_C \cdot 2\pi \cdot C}$$

induktiver Blindwiderstand:

$$X_L = 2\pi \cdot f \cdot L \quad L = \frac{X_L}{2\pi \cdot f} \quad f = \frac{X_L}{2\pi \cdot L}$$

Drehkondensator, Variometer

$$f_u^2 \cdot C_e = f_o^2 \cdot C_a \quad f_u^2 \cdot L_e = f_o^2 \cdot L_a$$

$$f_o = \sqrt{\frac{C_e}{C_a} \cdot f_u^2}$$

$$f_u = \sqrt{\frac{C_a}{C_e} \cdot f_o^2}$$

$$f_v = \frac{f_o}{f_u} = \sqrt{\frac{C_e}{C_a}} = \sqrt{\frac{L_e}{L_a}}$$

$$f_v^2 = \frac{C_e}{C_a} = \frac{L_e}{L_a}$$

$$C_p = \frac{f_u^2 \cdot \Delta C}{f_o^2 - f_u^2} - C_a$$

$$C_p = \frac{f_u^2 \cdot C_e - f_o^2 \cdot C_a}{f_o^2 - f_u^2}$$

Parallel – Kondensator zum Drehkondensator

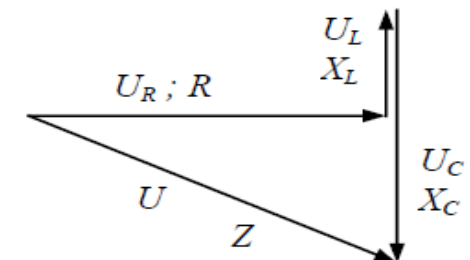
$$f_u^2 \cdot (C_e + C_p) = f_o^2 \cdot (C_a + C_p)$$

$$f_v = \frac{f_o}{f_u} = \sqrt{\frac{C_e + C_p}{C_a + C_p}}$$

$$f_v^2 = \frac{C_e + C_p}{C_a + C_p} = C_{vere}$$

$$C_p = \frac{C_e - C_{vere} \cdot C_a}{C_{vere} - 1}$$

$$C_{vere} = f_v^2 = \left(\frac{f_o}{f_u}\right)^2$$



U	Wechselspannung
Z	Impedanz/Scheinwiderstand
X	Blindwiderstand

f _u	untere Grenzfrequenz	Hz
f _o	obere Grenzfrequenz	Hz
C _a	Anfangskapazität (ausgedreht)	F
C _e	Endkapazität (eingedreht)	F
ΔC	Veränderbare Kapazität (Anfang – Ende)	
f _v	Frequenzverhältnis f _o zu f _u	
L _a	Anfangsinduktivität	H
L _e	Endinduktivität	H

C _{vere}	C Verhältnis erforderlich
-------------------	---------------------------

C _p	Parallelkondensator zu LC F
----------------	-----------------------------

Spezialfall wenn $f_o = 2 \cdot f_u$ dann ist $C_e + C_p = 4 \cdot (C_a + C_p)$

$$C_p = \frac{C_e - 4 \cdot C_a}{3}$$

Formeln für die Funkamateurlprüfung

Periodendauer Schwingkreis

$$t = 2\pi\sqrt{L \cdot C}$$

Resonanzfrequenz Schwingkreis LC bei $X_L = X_C$:

$$f_{res} = \frac{1}{2\pi\sqrt{L \cdot C}} \quad f_{res} = b \cdot Q = \frac{f_o + f_u}{2} \quad C = \frac{1}{(2\pi \cdot f_{res})^2 \cdot L} \quad L = \frac{1}{(2\pi \cdot f_{res})^2 \cdot C}$$

Bandbreite:

$$b = \frac{f_{res}}{Q} = \frac{R_v}{2\pi \cdot L} = f_o - f_u \quad R_v = 2\pi \cdot L \cdot b$$

Güte:

$$Q = \frac{f_{res}}{b} = \frac{f_o + f_u}{2 \cdot (f_o - f_u)} = \frac{1}{d}$$

Güte Parallelschwingkreis: $Z_{res} = R_p = R_{res}$

$$Q = \frac{Z_{res}}{X_L} = \frac{Z_{res}}{X_C} = \frac{R_p}{X_L} = R_p \cdot \sqrt{\frac{C}{L}}$$

Güte Serieschwingkreis: $Z_{res} = R_v = R_{res}$

$$Q = \frac{X_L}{R_v} = \frac{\omega L}{R_v} = \frac{1}{R_v} \sqrt{\frac{L}{C}} = \frac{X_C}{R_v} = \frac{1}{R_v \omega C}$$

Wellenlänge / Frequenz:

$$f [kHz] = \frac{300'000}{\lambda}$$

$$f [MHz] = \frac{300}{\lambda}$$

$$\lambda = \frac{300}{f [MHz]}$$

t	= Periodendauer	1/f	s
f _{res}	= Resonanzfrequenz	Hz	
L	= Induktivität		H
C	= Kapazität		F
b	= Bandbreite		Hz
Q	= Güte		-
f _u	= untere Grenzfrequenz		Hz
f _o	= obere Grenzfrequenz		Hz
d	= λ Dämpfung		
Z _{res}	= Impedanz bei Resonanz		Ω
R _{res}	= Resonanzwiderstand		Ω
R _p	= LC-Parallel - Ersatzwiderstand		Ω
R _v	= Verlustwiderstand Spule LC-Serie		Ω
λ	= Wellenlänge/Lambda		m

Formeln für die Funkamateurrprüfung

Grenz – Frequenz Tiefpass

RC-Glied

$$f_{\text{Grenz}} = \frac{1}{2\pi \cdot R \cdot C}$$

$$R = \frac{1}{2\pi \cdot C \cdot f_{\text{Grenz}}}$$

$$C = \frac{1}{2\pi \cdot R \cdot f_{\text{Grenz}}}$$

$$U_2 = U_1 \cdot \frac{X_C}{\sqrt{R^2 + X_C^2}}$$

LR-Glied

$$f_{\text{Grenz}} = \frac{R}{2\pi \cdot L}$$

$$L = \frac{R}{2\pi \cdot f_{\text{Grenz}}}$$

$$R = 2\pi \cdot L \cdot f_{\text{Grenz}}$$

$$U_2 = U_1 \cdot \frac{R}{\sqrt{R^2 + X_L^2}}$$

Grenz – Frequenz Hochpass

CR-Glied

$$f_{\text{Grenz}} = \frac{1}{2\pi \cdot R \cdot C}$$

$$R = \frac{1}{2\pi \cdot C \cdot f_{\text{Grenz}}}$$

$$C = \frac{1}{2\pi \cdot R \cdot f_{\text{Grenz}}}$$

$$U_2 = U_1 \cdot \frac{R}{\sqrt{R^2 + X_C^2}}$$

RL-Glied

$$f_{\text{Grenz}} = \frac{R}{2\pi \cdot L}$$

$$L = \frac{R}{2\pi \cdot f_{\text{Grenz}}}$$

$$R = 2\pi \cdot L \cdot f_{\text{Grenz}}$$

$$U_2 = U_1 \cdot \frac{X_L}{\sqrt{R^2 + X_L^2}}$$

SWR:

$$SWR = \frac{U_v + U_r}{U_v - U_r}$$

$$U_v = U_r \cdot \frac{(SWR+1)}{(SWR-1)}$$

$$U_r = U_v \cdot \frac{(SWR-1)}{(SWR+1)}$$

$$VSWR = \frac{\sqrt{P_v} + \sqrt{P_r}}{\sqrt{P_v} - \sqrt{P_r}}$$

$$P_v = P_r \cdot \frac{(VSWR+1)^2}{(VSWR-1)^2}$$

$$P_r = P_v \cdot \frac{(VSWR-1)^2}{(VSWR+1)^2}$$

SWR oder VSWR -> Stehwellenverhältnis oder voltage standing wave ratio

$$SWR = \frac{U_{\text{max}}}{U_{\text{min}}} = \frac{R_{\text{Antenne}}}{Z_{\text{Leitung}}} \dots \text{wenn } R_A \geq Z_L$$

$$SWR = \frac{U_{\text{max}}}{U_{\text{min}}} = \frac{Z_{\text{Leitung}}}{R_{\text{Antenne}}} \dots \text{wenn } R_A \leq Z_L$$

SWR	Pr
1:1	0%
1:1,5	4%
1:2	11%
1:3	25%
1:5	44%
1:10	67%

Formeln für die Funkamateurrprüfung

Verstärkung:

$$v = 10 \cdot \log \frac{P_2}{P_1}$$

$$P_1 = \frac{P_2}{10^{\frac{v}{10}}}$$

$$P_2 = 10^{\frac{v}{10}} \cdot P_1$$

$$v = 20 \cdot \log \frac{U_2}{U_1}$$

$$U_1 = \frac{U_2}{10^{\frac{v}{20}}}$$

$$U_2 = 10^{\frac{v}{20}} \cdot U_1$$

Dämpfung:

$$a = 10 \cdot \log \frac{P_1}{P_2}$$

$$P_2 = \frac{P_1}{10^{\frac{a}{10}}}$$

$$P_1 = 10^{\frac{a}{10}} \cdot P_2$$

$$a = 20 \cdot \log \frac{U_1}{U_2}$$

$$U_2 = \frac{U_1}{10^{\frac{a}{20}}}$$

$$U_1 = 10^{\frac{a}{20}} \cdot U_2$$

Feldstärke:

$$E_1 = \frac{U}{d_1}$$

$$E_1 \cdot d_1 = E_2 \cdot d_2$$

$$d_2 = \frac{E_1}{E_2} \cdot d_1$$

$$d_1 = \frac{E_2}{E_1} \cdot d_2$$

$$E = \frac{1}{r} \cdot \sqrt{\frac{Z_0}{4\pi}} \cdot P_{str_{EIRP}}$$

$$E = 7 \cdot \frac{\sqrt{P}}{d}$$

$$d = \frac{7 \cdot \sqrt{P}}{E}$$

$$P = \frac{E^2}{49} \cdot d^2 = \left(\frac{E \cdot d}{7} \right)^2$$

E	=	Feldstärke	V/m
U	=	Spannung an Platten/ Leiter	V
d	=	Abstand der Platten / Leiter	m
Z ₀	=	Feldwellenwiderstand im freien Raum	Ω
r	=	Radius (Entfernung von der Sendeantenne	m
P _{str}	=	Strahlungsleistung der Anlage	W

Wellenwiderstand:

$$Z_W = \sqrt{\frac{L}{C}}$$

$$C = \frac{L}{Z^2}$$

$$L = Z^2 \cdot C$$

L	=	Kurschluss Induktivität des Kabels	H
C	=	Leerlauf Kapazität des Kabels	F
Z _w	=	Wellenwiderstand	Ω

$$Z = \sqrt{Z_1^2 + Z_2^2}$$

$$\text{Anpassung } \lambda/4 \text{ Q-Match} = Z_W = \sqrt{R_1 \cdot R_2}$$

Gesamtimpedanz zweier Antennen	Ω
--------------------------------	---

Formeln für die Funkamateurrprüfung

CW:

$$b_{CW} = \frac{5 \cdot Wpm}{1.2} = \frac{Zpm}{1.2}$$

AM:

$$m = \frac{\hat{u}_{NF}}{\hat{u}_{HF}} \cdot 100\%$$

$$b_{AM} = 2 \cdot f_{NFmax}$$

FM:

$$m = \frac{\Delta f}{f_{NFmax}}$$

$$b_{FM} \approx 2 \cdot (\Delta f + f_{NFmax})$$

$$b_{FM} = 2 \cdot f_{mod} + 2f_{hub} = 2 \cdot (M + 1) \cdot f_{NF}$$

SSB:

$$b_{SSB} = f_{NFmax} - f_{NFmin}$$

$$PEP = \frac{U_{eff}^2}{R} = \frac{U_{Peak}^2}{2 \cdot R} \quad R = \frac{U_{eff}^2}{PEP}$$

RTTY:

$$b_{RTTY} = 2 \cdot \left(\frac{\Delta f}{2} + 1.6 \cdot Baud \right)$$

Spiegelfrequenz:

$$f_{Sp} = f_e + 2 \cdot f_z \text{ wenn } f_o \text{ grösser } f_e$$

$$f_{Sp} = f_e - 2 \cdot f_z \text{ wenn } f_o \text{ kleiner } f_e$$

$$f_{Osz} = f_e + f_z = f_{Sp} - f_z$$

$$f_z = f_{Osz} - f_e = f_{Sp} - f_{Osz} = \frac{f_{Sp} - f_e}{2}$$

$$f_e = f_{Osz} - f_z = f_{Sp} - 2 \cdot f_z$$

b_{CW}	= Bandbreite CW	Hz
Wpm	= Words per minute (Paris-Norm)	
Zpm	= Zeichen pro Minute	
m	: Modulationsgrad	%
\hat{u}_{HF}	: Spitzenwert der unmodulierten Trägerspannung	V
\hat{u}_{NF}	: Spitzenwert der Amplitude	V

m	= Modulationsgrad = Index	
Δf	= Frequenzhub (Amplitude des NF Sign)	Hz
b_{FM}	= Bandbreite FM	Hz
f_{NFmax}	= höchste Signalfrequenz (NF)	Hz
Der Frequenzhub bestimmt die Lautstärke. Die Zahl der Frequenzänderungen um den Nennwert pro Sekunde bestimmt die Tonhöhe.		

PEP = Peak Envelope Power Durchschnittsleistung während einer Periode der HF-Schwingung bei der höchsten Spitze der Modulationshüllkurve		
U_{Peak}	= U_s	V

$$U_{eff} = \sqrt{R \cdot PEP}$$

b_{RTTY}	= Bandbreite RTTY (radio teletype)	Hz
Baud	= Symbolrate, Symbole pro Sekunde	Bd
Δf	= Frequenzversatz (Shift) bei FSK oder AFSK, typisch $\Delta f \approx 170$ Hz	Hz

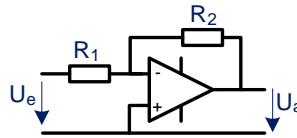
f_{Sp}	= Spiegelfrequenz	Hz
f_e	= eingestellte Empfangsfrequenz	Hz
f_{Osz}	= Frequenz des Oszillators bei f_e	Hz
f_z	= Zwischenfrequenz	Hz

Formeln für die Funkamateurlprüfung

Operationsverstärker:

Invertierende OpAmp

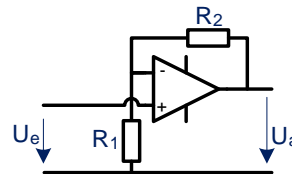
$$v = \frac{R_2}{R_1} = \frac{U_a}{U_e}$$



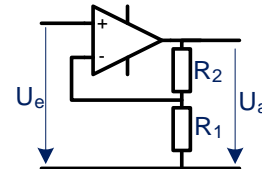
v	= Verstärkungsfaktor	
U_a	= Ausgangsspannung	V
U_e	= Eingangsspannung	V
R	= Widerstand	Ω

Nicht Invertierende OpAmp

$$v = 1 + \frac{R_2}{R_1}$$

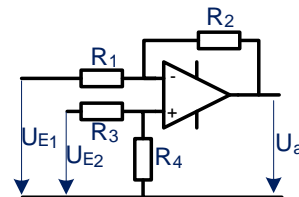


$$U_a = U_e \cdot v$$



Differenzverstärker / Subtrahierer

$$U_a = U_{E2} \cdot \frac{R_1 + R_2}{R_1} \cdot \frac{R_4}{R_3 + R_4} - U_{E1} \cdot \frac{R_2}{R_1}$$



Zenerdiode:

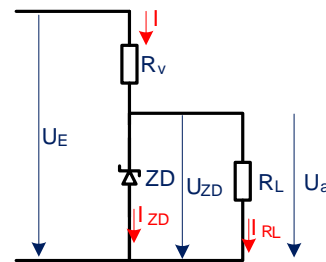
$$R_{Vmin} = \frac{U_{Emax} - U_z}{I_{Zmax} + I_{Lmin}}$$

$$R_{Vmax} = \frac{U_{Emin} - U_z}{I_{Zmin} + I_{Lmax}}$$

$$R_V = \frac{R_{Vmax} - R_{Vmin}}{2}$$

$$P_{ZD} = U_{ZD} \cdot I_{ZDmax}$$

$$I = I_{ZD} + I_{RL}$$



Formeln für die Funkamateurlprüfung

Röhren:

Verstärkungsfaktor: $\mu = \frac{\Delta U_a}{\Delta U_g}$ (bei $I_a = \text{const}$) $\mu = S \cdot R_i$

Innerer Widerstand: $R_i = \frac{\Delta U_a}{\Delta I_a}$ (bei $U_a = \text{const}$) $R_i = \frac{1}{D \cdot S} = \frac{\mu}{S}$

Steilheit: $S = \frac{\Delta I_a}{\Delta U_g}$ (bei $U_a = \text{const}$) $S = \frac{1}{D \cdot I} = \frac{\mu}{R_i}$

Durchgriff: $D = \frac{\Delta U_g}{\Delta U_a}$ (bei $I_a = \text{const}$) $D = \frac{1}{S \cdot R_i}$

$D \cdot S \cdot R_i = 1$ Barkausche Formel

Grundformeln:

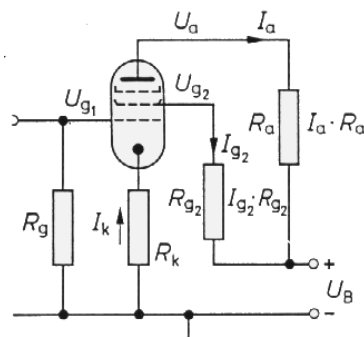
$$I_k = I_a + I_{g2} = \frac{U_{g1}}{R_k}$$

$$U_a = U_B - I_a \cdot R_a$$

$$U_{g1} = U_k = I_k \cdot R_k$$

$$U_{g2} = U_B - I_{g2} \cdot R_{g2} - U_{g1} = I_k \cdot R_k$$

$$R_k = \frac{U_{g1}}{I_a + I_{g2}} = \frac{U_{g1}}{I_k}$$



Schirmgitter-Spannungsteiler:

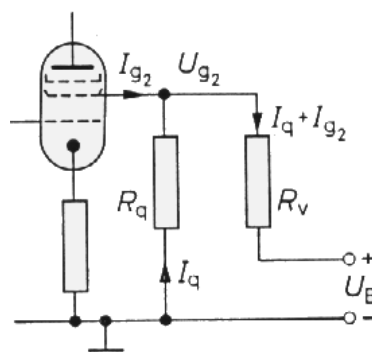
$$U_{g2} = I_q \cdot R_q = U_B - U_v$$

$$U_v = R_v (I_q + I_{g2})$$

$$\frac{U_{g2}}{U_B} = \frac{R_q}{R_q + R_v}$$

$$R_v = \frac{U_B - U_{g2}}{I_q + I_{g2}}$$

$$R_q = \frac{U_{g2}}{I_q}$$



I_a = Anodenstrom	mA
I_{g2} = Schirmgitterstrom	mA
I_k = Kathodenstrom	mA
U_B = Betriebsspannung	V
U_a = Anodenspannung	V
U_{g2} = Schirmgitterspannung	V
U_{g1} = Gittervorspannung	V
R_a = Anodenwiderstand	k Ω
R_{g2} = Schirmgitterwiderstand	k Ω
R_k = Katodenwiderstand	k Ω

R_v = Vorwiderstand	k Ω
R_q = Querwiderstand	k Ω
I_{g2} = Schirmgitterstrom	mA
I_q = Querstrom	mA
U_v = Spannung an R_v	V

Formeln für die Funkamateurrprüfung

Transistor:

Gleichstromverstärkung:

$$B = \frac{I_C}{I_B}$$

$$I_C = B \cdot I_B$$

$$I_B = \frac{I_C}{B}$$

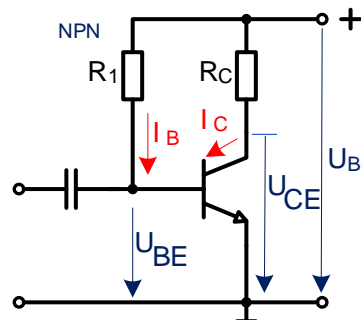
Arbeitspunkteinstellung:

$$R_1 = \frac{U_B - U_{BE}}{I_B}$$

$$R_C = \frac{U_B - U_{CE}}{I_C}$$

$$I_B = \frac{I_C}{B} = \frac{I_E}{B+1}$$

$$I_E = I_B \cdot (B + 1)$$



Basisspannungsteiler:

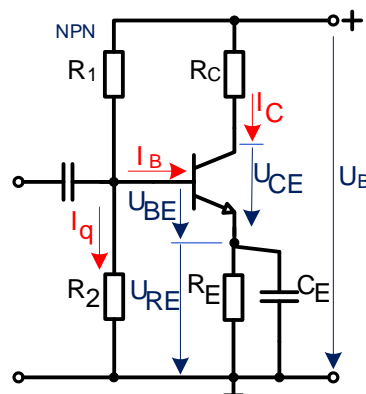
$$R_C = \frac{U_B - U_{CE} - U_{RE}}{I_C}$$

$$R_1 = \frac{U_B - U_{BE} - U_{RE}}{I_q + I_B}$$

$$R_2 = \frac{U_{BE} + U_{RE}}{I_q}$$

$$I_q \approx 2 \cdot I_B \text{ bis } 10 \cdot I_B$$

$$R_E = \frac{U_{RE}}{I_C + I_B} \approx \frac{U_{RE}}{I_C}$$



Symbole	Englisch	Untere Grenze	Obere Grenze	Metrische Unterteilung	Abkürzung	Bereichsnummer
VLF	Very low Frequency	3 kHz	30 kHz	Miriameterwellen (Längstwellen)	B.Mam	4
LF	Low frequency	30 kHz	300 kHz	Kilometerwellen (Langwellen)	B.km	5
MF	Middle frequency	300 kHz	3 MHz	Hektometerwellen (Mittelwellen)	B.hm	6
HF	High frequency	3 MHz	30 MHz	Dekameterwellen (Kurzwellen)	B.dam	7
VHF	Very high frequency	30 MHz	300 MHz	Meterwellen (Ultrakurzwellen)	B.m	8
UHF	Ultra high frequency	300 MHz	3 GHz	Dezimeterwellen	B.dm	9
SHF	Super high frequency	3 GHz	30 GHz	Zentimeterwellen	B.cm	10
EHF	Extremly high frequency	30 GHz	300 GHz	Milimeterwellen	B.mm	11
		300 GHz	3000 GHz	Dezimillimeterwellen		12

International festgelegte Vorsätze

Zahl	Zehner-Potenz	Bezeichnung	Abkürzung	Beispiel
1 000 000 000 000 = 1 Billion	= 10^{12}	Tera	T	$10^{12} \Omega = 1\text{T}\Omega$
1 000 000 000 = 1 Milliarde	= 10^9	Giga	G	$10^9 \text{H} = 1\text{GHz}$
1 000 000 = 1 Million	= 10^6	Mega	M	$10^6 \Omega = 1\text{M}\Omega$
1 000 = 1 Tausend	= 10^3	Kilo	k	$10^3 \text{g} = 1\text{kg}$
100 = 1 Hundert	= 10^2	Hekto	h	$10^2 \text{l} = 1\text{hl}$
10 = 1 Zehn	= 10^1	Deka	da	$10^1 \text{g} = 1\text{dag}$
1 = 1 Eins	= 10^0			
1/10 = 1 Zehntel	= 10^{-1}	Dezi	d	$10^{-1}\text{m} = 1\text{dm}$
1/100 = 1 Hundertstel	= 10^{-2}	Zenti	c	$10^{-2}\text{m} = 1\text{cm}$
1/1000 = 1 Tausendstel	= 10^{-3}	Milli	m	$10^{-3}\text{V} = 1\text{mV}$
1/1000 000 = 1 Millionstel	= 10^{-6}	Mikro	μ	$10^{-6}\text{H} = 1\mu\text{H}$
1/1000 000 000 = 1 Milliardstel	= 10^{-9}	Nano	n	$10^{-9}\text{A} = 1\text{nA}$
1/1000 000 000 000 = 1 Billionstel	= 10^{-12}	Pico	p	$10^{-12}\text{F} = 1\text{pF}$

SI - Basiseinheiten

Basisgrössen	Formelzeichen	Einheiten	Zeichen
Länge	l	Meter	m
Masse	m	Kilogramm	kg
Zeit	t	Sekunde	s
Stromstärke	I	Ampère	A
Temperatur	T	Kelvin	K
Stoffmenge	η	Mol	mol
Lichtstärke	I_v	Candela	cd

Abgeleitete MKSA - Einheiten

Grösse	Formelzeichen	Masseinheit	Abk. der Einheit
Ladung	Q	Coulomb	$C = \text{As}$
Spannung	U	Volt	V
Leistung	P	Watt	$W = \text{VA}$
El. Feldstärke	E	Volt pro Meter	V/m
Magn. Feldstärke	H	Ampère pro Meter	A/m
Frequenz	F	Hertz	$\text{Hz} = 1/\text{s}$
Widerstand	R	Ohm	$\Omega = \text{V/A}$
Leitwert	G	Siemens	$S = 1/\Omega$
Kapazität	C	Farad	$F = \text{As/V}$
Induktivität	L	Henry	$\text{H} = \text{Vs/A}$